

# 可換環論への招待—数値半群を通じた環構造探求— 正誤表

松岡 直之

2026年5月7日

この文書は、拙著『可換環論への招待—数値半群を通じた環構造探求—』の正誤表です。

## 正誤表

刷・版	場所	誤	正	備考
初版 1刷	P. 130, 9~11 行目	$3K = (0, 4, 8, 12)_H$ ... となるので, $K$ の 節減数は 3 である	$3K = (0, 4, 8, 12)_H =$ $(0, 4, 8)_H = 2K$ とな るので, $K$ の節減数は 2 である	
初版 1刷	P. 173, 下から 5 行 目; 補題 4.3.5 の証 明	$G_r \cap \{f_{k_1}, \dots, f_{k_p}\} =$ $\emptyset$ であって	別ページに記す	(*1)
初版 1刷	P. 173, 下から 1 行 目; 補題 4.3.5 の証 明	$B_{j_1}$ と $B_{j_2}$ を選んで操 作を	$B_1$ と $B_2$ を選んで操 作を	
初版 1刷	P. 242, 10 行目; 小 問 3.3.12.2	$\mathfrak{a} = (1, t)$ とおけば	$\mathfrak{a} = (1, t, t^2)$ とおけば	

## Special Thanks

誤りを発見してくださった中で、記載に同意してくださった方のお名前をここに記します。本書を精読し、ご指摘いただいたことに心から感謝申し上げます。

石川 真也さん

有山 晃生さん

## (\*1) について

$G_r \cap \{f_{k_1}, \dots, f_{k_p}\} = \emptyset$  はこのままでは導出することはできない。本書の前提知識からは外して執筆したが、ここでは体上のテンソル積を用いた穴埋めとして、証明の最初からこの事実の導出までを記す。

---

$q = \#\Gamma_r \geq 2$  とおき、 $\Gamma_r = \{B_1, B_2, \dots, B_q\}$  とする。また、 $A = \{1, 2, \dots, n\}$  とおく。 $\{B_1, B_2, \dots, B_q\}$  は  $A$  の分割で  $q \geq 2$  なので、各  $1 \leq i \leq q$  に対して  $\emptyset \neq B_i \subsetneq A$  である。

ここで、各  $1 \leq i \leq q$  に対して  $H_i = \langle a_j \mid j \in B_i \rangle$  とおき、 $R_i = k[H_i]$  として

$$T = R_1 \otimes_k R_2 \otimes_k \cdots \otimes_k R_q$$

と定める。さらに  $\psi: S \rightarrow T$  を

$$\psi(X_j) = 1 \otimes \cdots \otimes t^{a_j} \otimes \cdots \otimes 1$$

によって定まる代入射とする。ただし、 $1 \leq i \leq q, j \in B_i$  であって、 $t^{a_j}$  は  $i$  番目の成分として出現している。

もしも、ある  $1 \leq i \leq q$  と  $1 \leq k \leq \ell$  に対し  $\text{supp } \mathbf{p}_k \subseteq B_i$  かつ  $\text{supp } \mathbf{q}_k \subseteq B_i$  が成り立つならば  $\psi(f_k) = 0$  が得られるので、 $\psi(\mathbf{p}_H) = (\psi(f) \mid f \in G \setminus G_r)$  であることに注意する。

さて、各  $1 \leq i \leq q$  を一つ固定し、 $j_1 \in B_i, j_2 \in A \setminus B_i$  をとる。すると、正整数  $r, s$  を選んで  $ra_{j_1} = sa_{j_2}$  とできるので、 $X_{j_1}^r - X_{j_2}^s \in \mathbf{p}_H$  である。ここで  $\psi(X_{j_1}^r)$  と  $\psi(X_{j_2}^s)$  を見ると、それぞれ異なる成分に  $t$  の冪が出現するため  $\psi(X_{j_1}^r - X_{j_2}^s) \neq 0$  である。 $\psi(X_{j_1}^r - X_{j_2}^s) \in \psi(\mathbf{p}_H)$  には  $i$  番目の成分に  $t$  の冪が出現する項  $\psi(X_{j_1}^r)$  があるので、ある  $f = X^{\mathbf{p}} - X^{\mathbf{q}} \in G \setminus G_r$  を、 $\psi(X^{\mathbf{p}})$  か  $\psi(X^{\mathbf{q}})$  のいずれかの  $i$  番目の成分に  $t$  の冪が出現するように選ぶことができる。言い換えると、任意の  $1 \leq i \leq q$  に対し、 $\text{supp } \mathbf{p} \subseteq B_i$  か  $\text{supp } \mathbf{q} \subseteq B_i$  を満たすように  $f = X^{\mathbf{p}} - X^{\mathbf{q}} \in G \setminus G_r$  を選ぶことができる。

さて、各  $1 \leq i \leq q$  に対して  $1 \leq j_i \leq \ell$  を  $\text{supp } \mathbf{p}_{j_i} \subseteq B_i$  または  $\text{supp } \mathbf{q}_{j_i} \subseteq B_i$  を満たすようなもので、さらに  $f_{j_i} \notin G_r$  であるものとして選び、集合  $\{j_1, j_2, \dots, j_q\}$  を重複を省いた上で  $\{k_1, k_2, \dots, k_p\}$  と番号をつけ直せば、 $G_r \cap \{f_{k_1}, \dots, f_{k_p}\} = \emptyset$  であって、さらに  $G_r \cup \{f_{k_1}, \dots, f_{k_p}\} \subseteq G$  である。