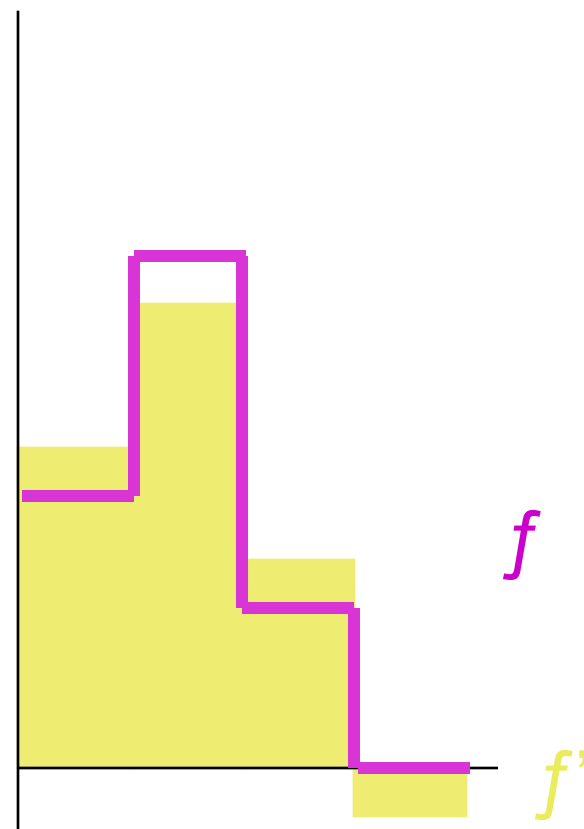
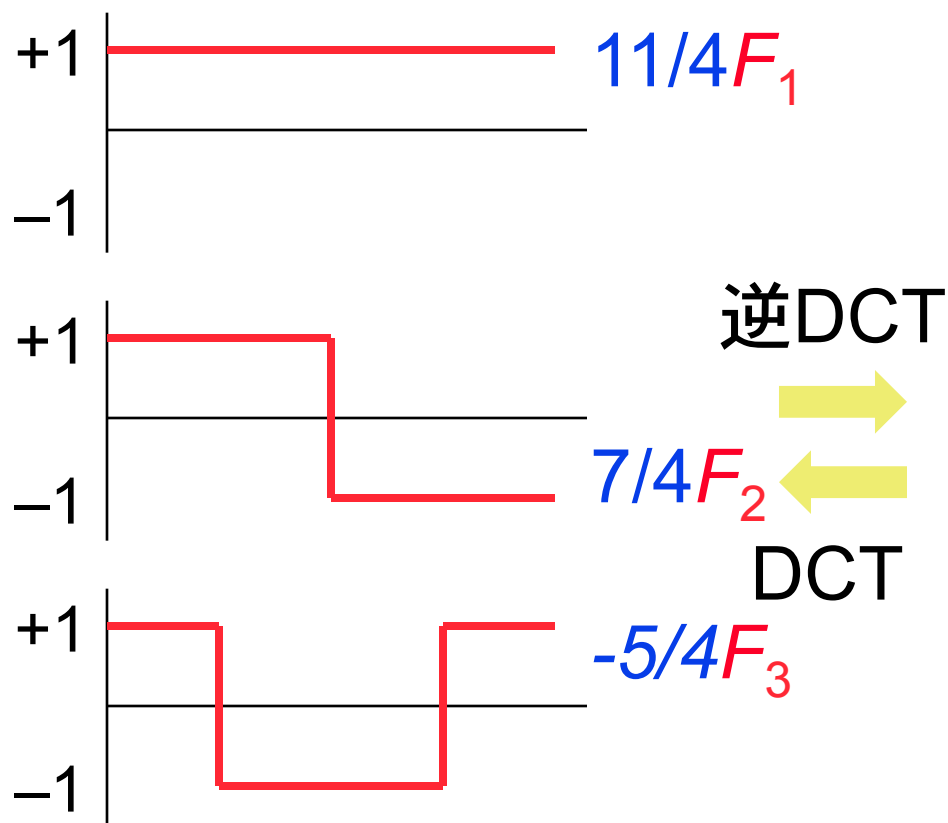

JPEG と量子化

コンテンツ配信技術3

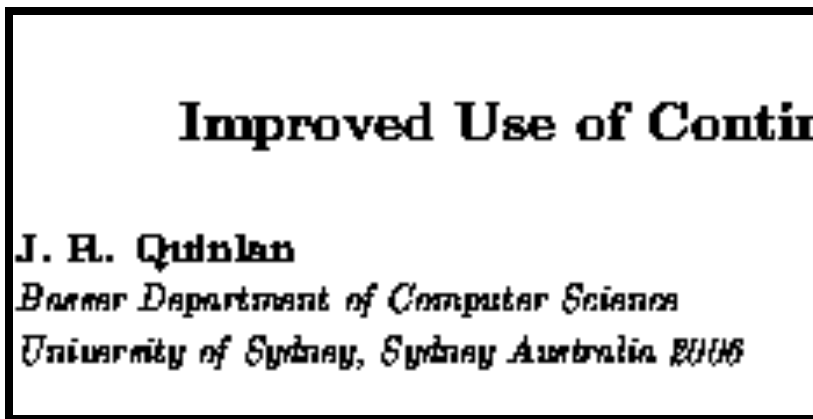
菊池浩明

情報損失

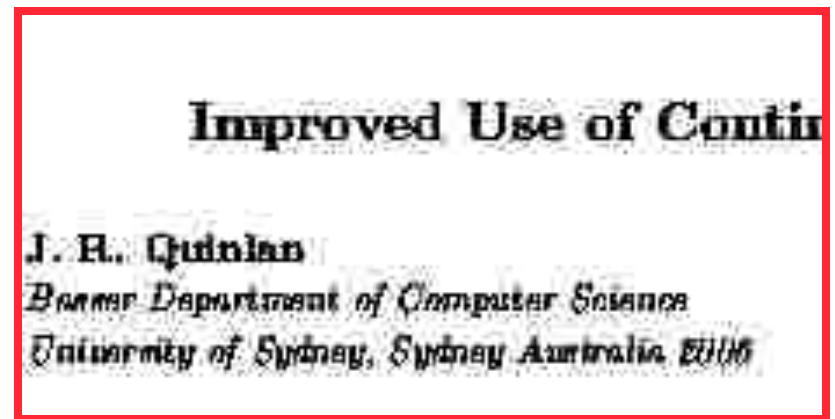


$$f = (3, 6, 2, 0) \\ = aF_1 + bF_2 + cF_3$$

JPEGの限界 _____ ノイズ



GIF (1136 byte)



JPEG (6442 byte)

JPEG圧縮アルゴリズム

- 1. 前処理
 - RGBから輝度と色差
 - 8x8ブロック化
- 2. DCT
- 3. _____
- 4. エントロピー符号化
 - DC成分/AC成分(ハフマン符号)

RGB成分



R



G

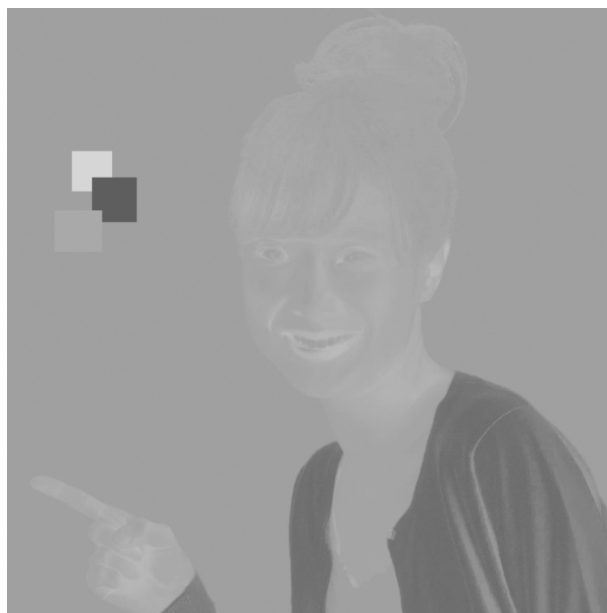


B

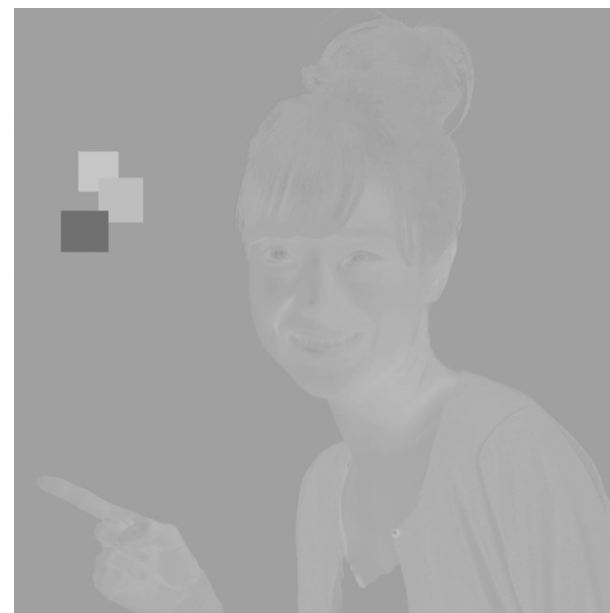
輝度と色差



輝度情報



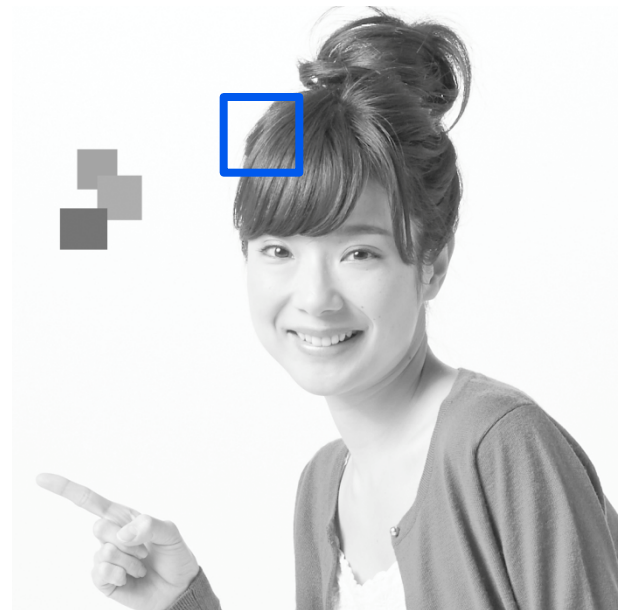
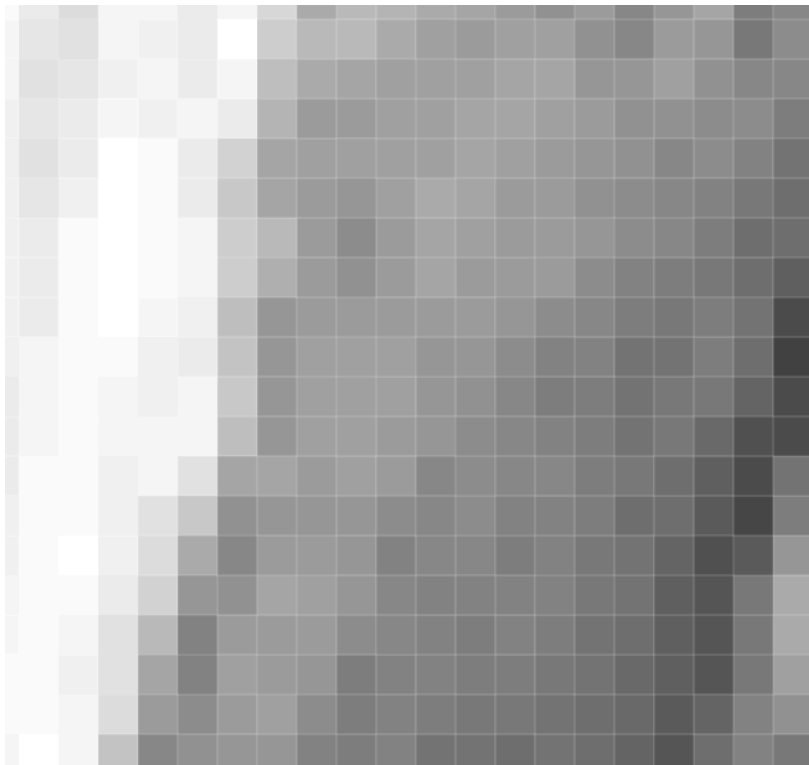
色差1



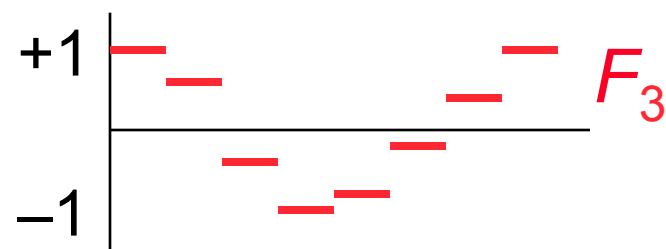
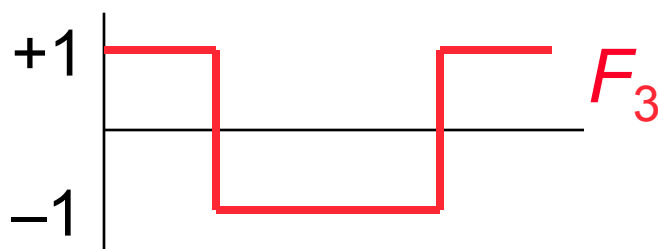
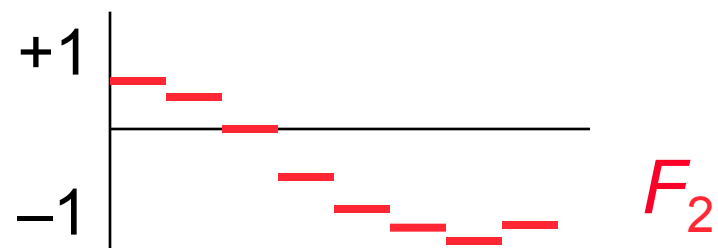
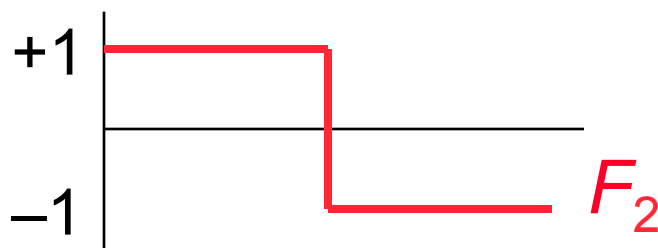
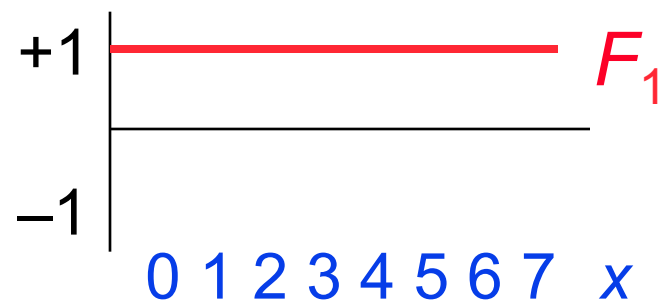
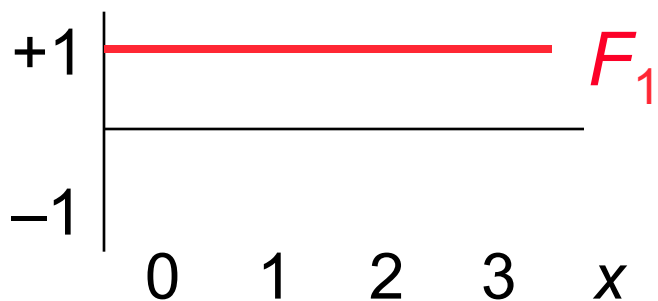
色差2

ブロック化

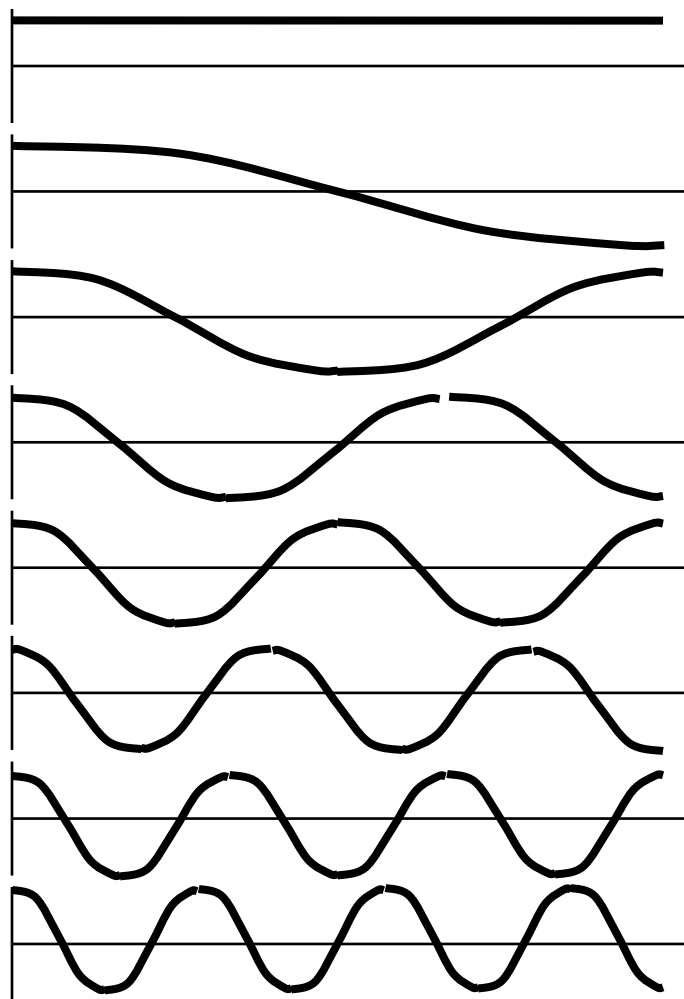
■ 8x8



直交基底



8つの基底



$x = 0, 1, \dots, 7$

$$\square F_0 = \cos 0$$

$$\square F_1 = \cos (2x+1)\pi/16$$

$$\square F_2 = \cos (2x+1)2\pi/16$$

$$\square F_3 = \cos (2x+1)3\pi/16$$

$$\square F_4 = \cos (2x+1)4\pi/16$$

$$\square F_5 = \cos (2x+1)5\pi/16$$

$$\square F_6 = \cos (2x+1)6\pi/16$$

$$\square F_7 = \cos (2x+1)7\pi/16$$

JPEGの原理

$$b = f \cdot F_2 / F_2 \cdot F_2$$

■ 離散コサイン変換

□ Discrete Cosine Transform: DCT

□ _____ $f(x,y)$ (-128~+127)

□ インデックス $x, y, u, v = 0, 1, \dots, 7$

$$F(u,v) = \frac{1}{4} C(u)C(v) \left(\sum_{x=0}^7 \sum_{y=0}^7 f(x,y) \cos \frac{(2x+1)u\pi}{16} \cos \frac{(2y+1)v\pi}{16} \right)$$

□ $C(0)=1/\sqrt{2}$, $C(1)=\dots=C(7)=1$

二次元への拡大

F_{23}

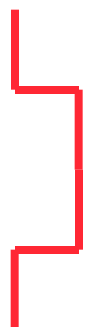


F_2

F_{12}



F_1



1	1	-1	-1
-1	-1	1	1
-1	-1	1	1
1	1	-1	-1



1	1	1	1
1	1	1	1
-1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	-1

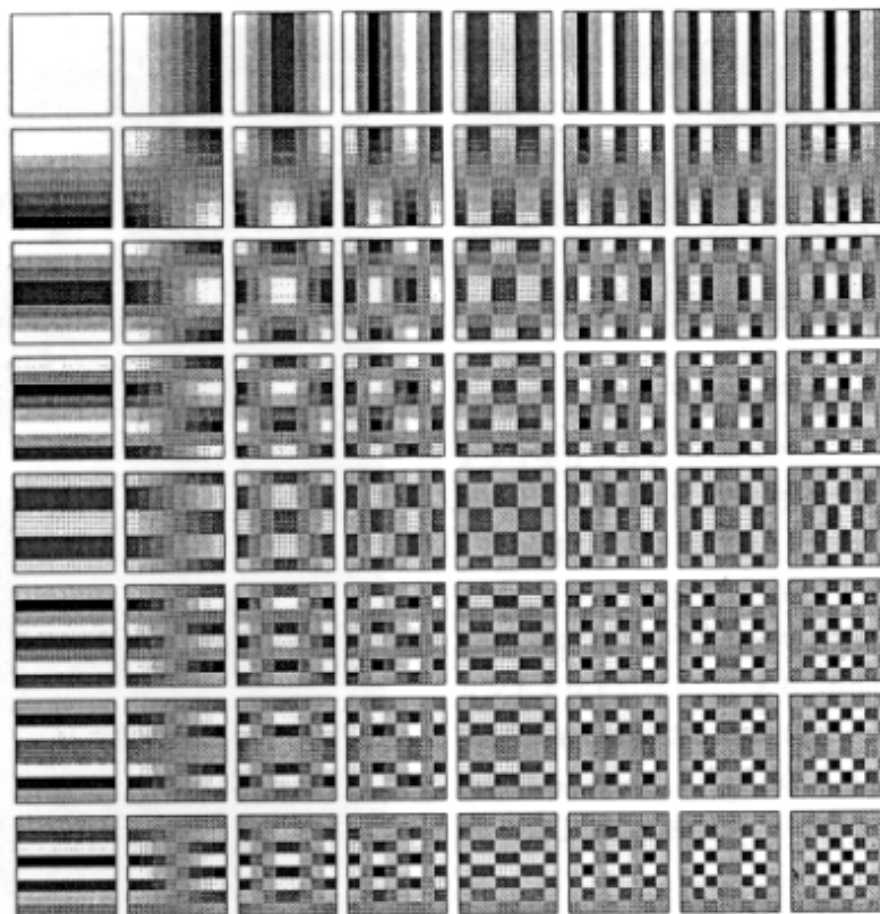
F_3

F_2

$F_{23} \cdot F_{12} = \underline{\hspace{2cm}}$

1	1	-1	-1
-1	-1	1	1
1	1	-1	-1
-1	-1	1	1

DCT基底



2次元のDCT

原画像

$$f = aF_0 + bF_1 + cF_2 + dF_3$$

4	4	0	0
4	4	0	0
-2	-2	6	6
-2	-2	6	6

F_0

1	1	1	1

F_1

1	1	-1	-1

F_2

F_3

2次元のDCT

原画像

$$f = aF_0 + bF_1 + cF_2 + dF_3$$

4	4	0	0
4	4	0	0
-2	-2	6	6
-2	-2	6	6

$2F_0$

□	□	□	□
□	2	□	□
□	□	□	□
□	□	□	□

F_1

□	□	■	■
□	□	■	■
□	□	■	■
□	□	■	■

$$a = f \cdot F_0 / F_0^2$$

=

DCT係数

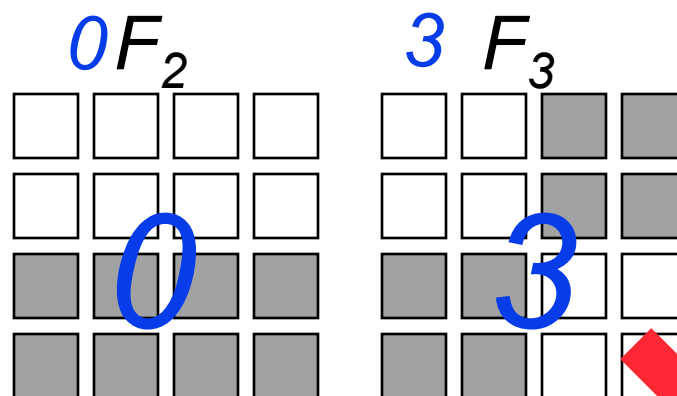
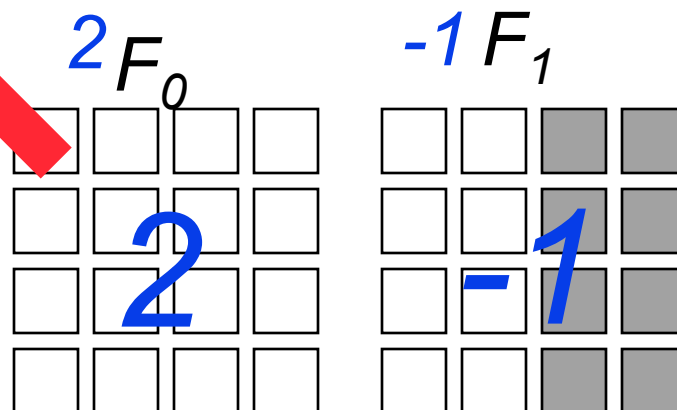
原画像

$$f = aF_0 + bF_1 + cF_2 + dF_3$$

4	4	0	0
4	4	0	0
-2	-2	6	6
-2	-2	6	6

$$G = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$$

成分



DCT係数

成分

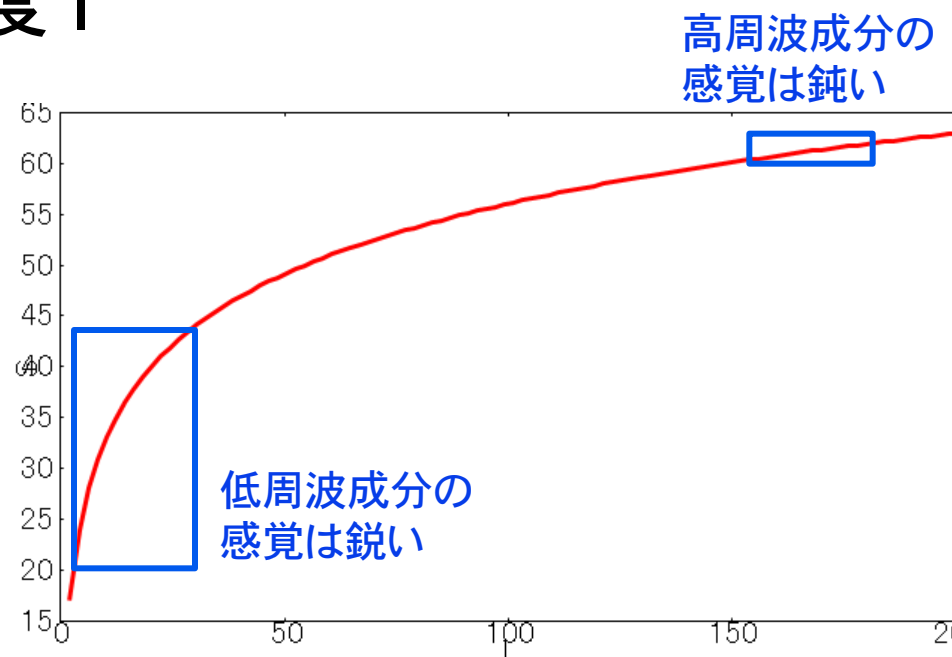
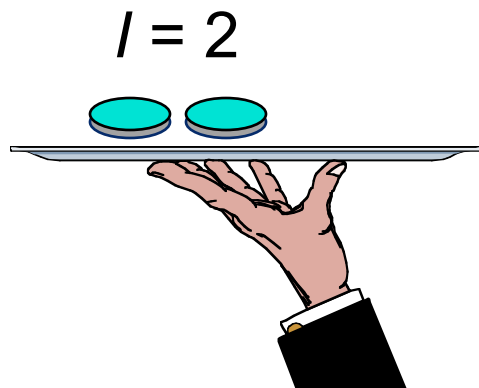
人間の知覚

■ Fechnerの_____法則

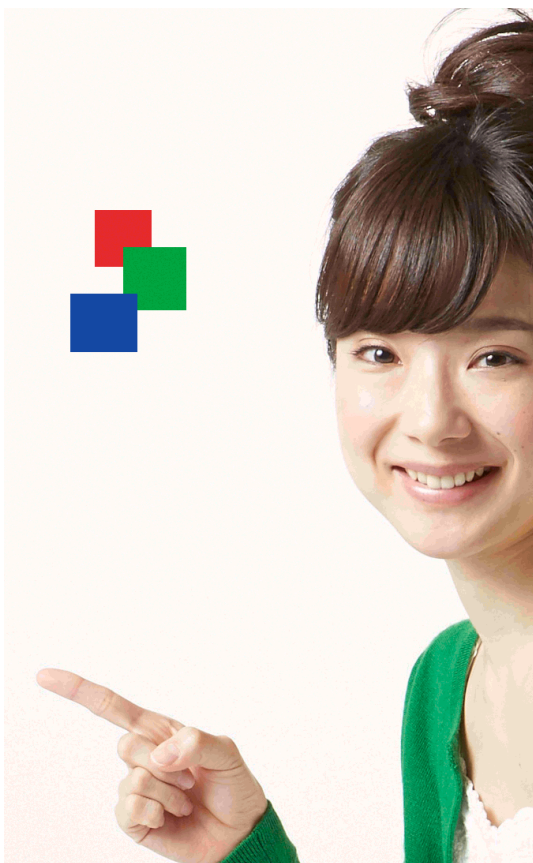
□ 感覚量 S , 刺激強度 I

$$S = k \log I + b$$

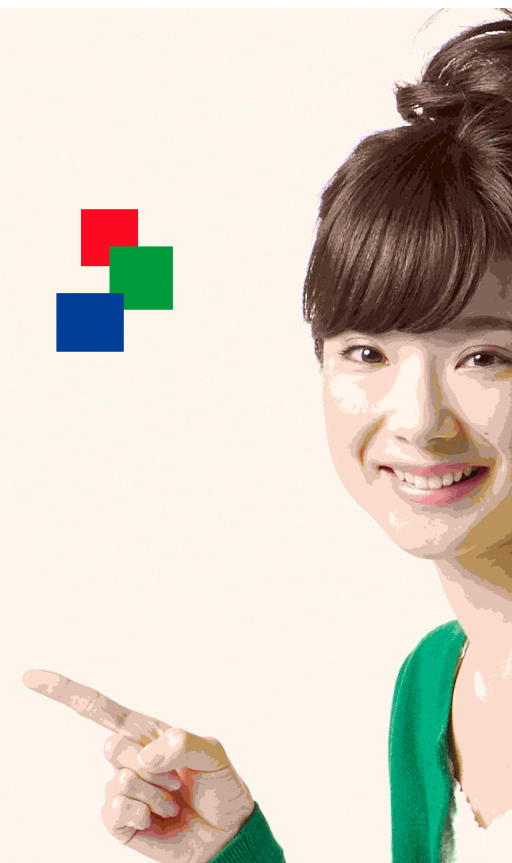
$$S_2 = k \log 2 + b$$



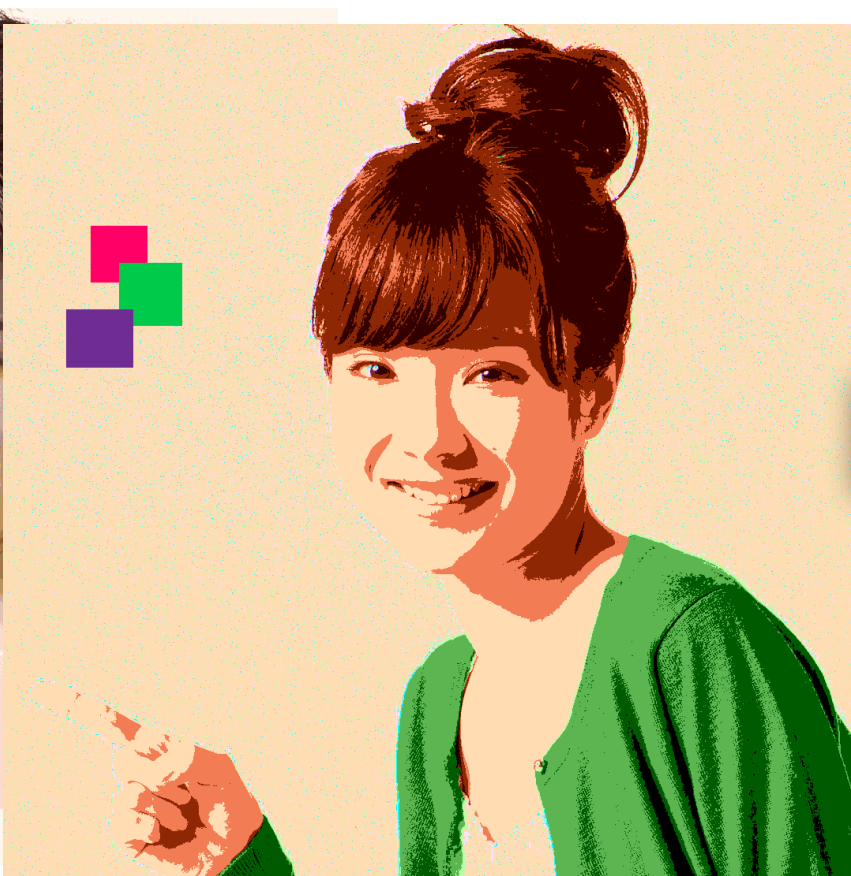
荒い量子化



32レベル



10レベル



4レベル

量子化 quantization

■ cによる量子化

$$q_c(x) = \left\lfloor \frac{x}{c} \right\rfloor \times c$$

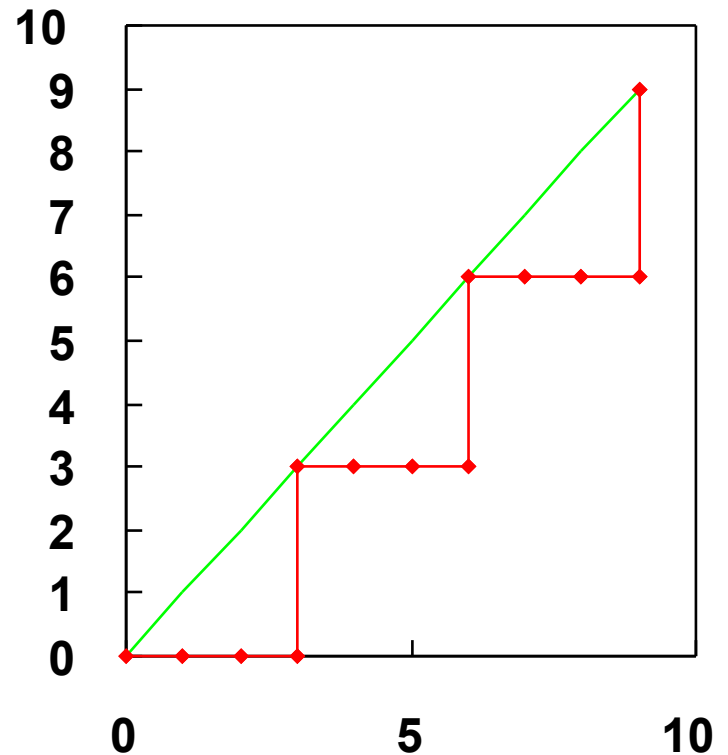
□ $\left\lfloor \frac{x}{c} \right\rfloor$ of $x = x$ を
超えない最大の整数

□ $q_3(19) = \text{floor}(19/3) \times 3$
 $= (6.333) \times 3 = 18$

□ $q_3(20) =$

□ $q_3(21) =$

□ $q_3(22) =$



量子化テーブル

- 量子化する値 c

- 低周波 → _____
- 高周波 → _____

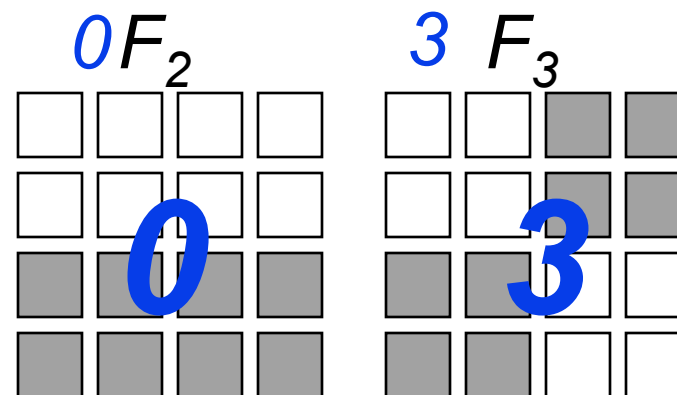
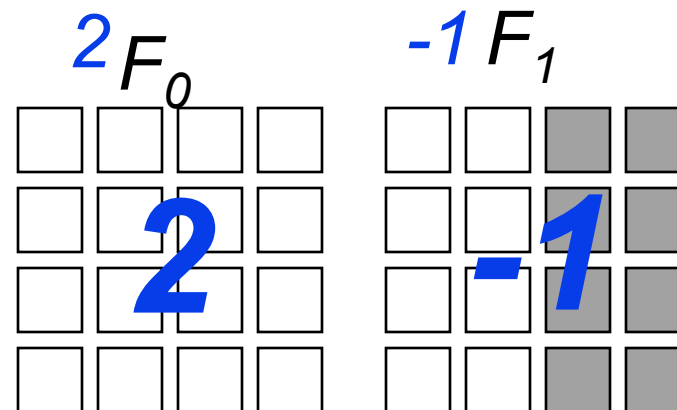
c

1	5
5	10

例)

$$q_5(3) = \text{fl}(0.6) \times 5 =$$

$$q_5(-1) = \text{fl}(-0.2) \times 5 =$$



DCT係数

圧縮率の違い

■ 低圧縮 (75%)

□ DCT係数

$$G_0 = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$$

□ 量子化テーブル

$$C_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$$

□ 量子化された係数

$$q_{C_1}(G_0) = \begin{pmatrix} \lfloor 2/1 \rfloor \cdot 1 & \lfloor -1/2 \rfloor \cdot 2 \\ \lfloor 0/2 \rfloor \cdot 2 & \lfloor 3/3 \rfloor \cdot 3 \end{pmatrix} =$$

■ 高圧縮 (50%)

□ DCT係数

$$G_0 = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$$

□ 量子化テーブル

$$C_2 = \begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 5 & 10 \end{pmatrix}$$

□ 量子化された係数

$$q_{C_2}(G_0) =$$

逆DCT变换 (IDCT)

■ 变换と逆变换

□ 原画像 f

4	4	0	0
4	4	0	0
-2	-2	6	6
-2	-2	6	6

DCT变换

□ DCT系数

$$G_0 = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$$

$$f = aF_0 + bF_1 + cF_2 + dF_3$$

$$q_{c1}(G_0) = \begin{pmatrix} 2 & -5 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

f_1

5	5	-1	-1
5	5	-1	-1
-5	-5	9	9
-5	-5	9	9

$$q_{c2}(G_0) = \begin{pmatrix} 4 & -2 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}$$

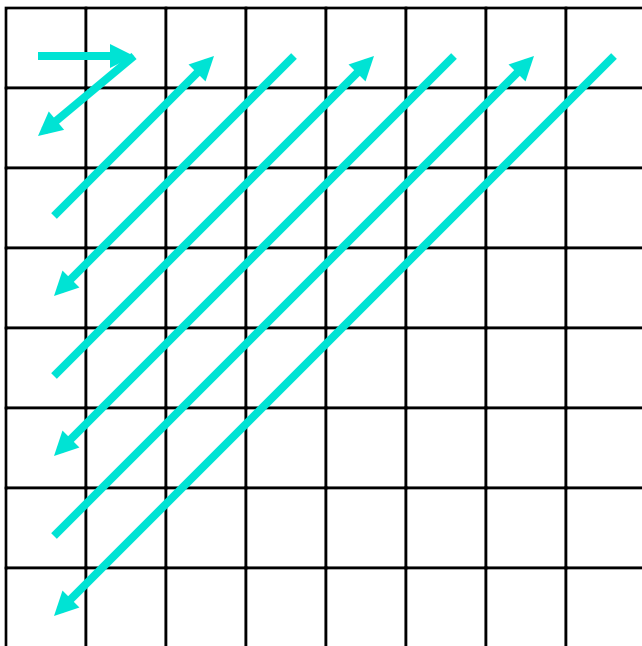
f_2

3	3	1	1
3	3	1	1
-3	-3	7	7
-3	-3	7	7

ジグザグスキャン

■ DCT係数

高周波



低周波

■

□ 0の個数

□ 非0値

■ 例

□ 12, 0, 0, 0, 3, 0, 2, 0, 0, 0, 0

□ 0, 12, 3, 3, 1, 2, 4, 0

□ 0, 12, 3, 3, 1, 2, [EOB]

(End of Block)

演習

■ 2次元の直交基底

$$F_0 = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}, F_1 = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}, F_2 = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}, F_3 = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix},$$

DCT係数 $G = \begin{pmatrix} 5 & 3 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$ を持つ画像 f がある.

1. G を逆DCT変換(復元)した f_1 を求めよ
2. G を量子化テーブル $C_2 = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ で量子化した G_2 を求めよ.
3. G_2 を逆DCT変換した f_2 を求めよ.